



經典題型

一、試述風險之意義、種類及衡量方法？

【解】

(一)風險之意義：預期報酬率與實際報酬率之差異發生可能性。

(二)風險之種類：

1. 政治風險：政治不穩定性或政策不連續性對投資報酬率之影響。
2. 匯率風險：貨幣升值或貶值對投資報酬率之影響。
3. 利率風險：利率上升或下降對投資報酬率之影響。
4. 市場風險：市場景氣或不景氣對投資報酬率之影響。
5. 營運風險：公司內部之營運績效對投資報酬率之影響。
6. 流動性風險：公司變現能力不足，造成資金缺口，發生周轉不靈之風險。
7. 財務風險：公司償債能力不足，無法支付舉債所造成利息支出之風險。
8. 通貨膨脹風險：公司因物價上漲而造成成本增加或收入減少之風險。
9. 違約風險：契約之另一方不履行債務，造成公司呆帳之風險。
10. 其他風險：如金融海嘯、歐債風暴等，所造成之風險。

(三)風險之衡量方法：

1. 標準差或變異數：將各種可能發生的值與期望值之差額的平方，再乘以其發生機率後予以加總，稱為變異數。將變異數開根號，稱為標準差。公式如下：

$$\text{Var}(x) = \sum_{i=1}^n [X_i - E(x)]^2 \cdot P_i$$

$$\sigma = \sqrt{\text{Var}(x)}$$

Var(x)：變異數

σ ：標準差

E(x)：期望值

X_i ：第 i 個可能值

P_i ：發生 X_i 的機率

標準差與變異數均在描述對期望值之離散程度。離散程度愈大，表示風險愈大；離散程度愈小，表示風險愈小。

2. 變異係數：標準差除以期望報酬率，稱為變異係數。公式如下：

$$CV = \frac{\sigma}{R}$$

CV：變異係數

σ ：標準差

R：期望報酬率

變異係數係在衡量每賺取一單位報酬所承擔之風險，因此變異係數愈低愈好。

3. 貝他係數：個別資產或投資組合之風險相對於市場投資組合風險之變動程度。其公式如下：

$$\beta_i = \frac{\sigma_{im}}{\sigma_m^2}$$

β_i ：第 i 種資產之貝他係數

σ_{im} ：第 i 種資產與市場投資組合之共變異數

σ_m^2 ：市場投資組合之變異數

總風險分為系統風險與非系統風險。 β 係數為衡量系統風險之指標。 β 係數愈大，表示系統風險愈大； β 係數愈小，表示系統風險愈小。

二、吾人依據投資原則：「不要把所有雞蛋放在同一籃子裏」，因而增加資產數目，是否可以完全分散風險？何故？

【解】

設投資平均分散於 n 種資產

$$W_i = \frac{1}{n}$$

5-54 第五章 期望值與變異數分析

$$\begin{aligned}
 W_j &= \frac{1}{n} \\
 \sigma_p^2 &= \sum_{i=1}^n W_i^2 \sigma_i^2 + \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n W_i W_j \sigma_{ij} \\
 &= n \times \left(\frac{1}{n}\right)^2 \times \overline{\sigma_i^2} + (n^2 - n) \times \frac{1}{n} \times \frac{1}{n} \times \overline{\sigma_{ij}} \\
 &= \frac{1}{n} \times \overline{\sigma_i^2} + \left(1 - \frac{1}{n}\right) \overline{\sigma_{ij}}
 \end{aligned}$$

當 $n \rightarrow \infty$

$$\sigma_p^2 = \overline{\sigma_{ij}}$$

$\overline{\sigma_{ij}}$: 各共變異數的平均值

$$\therefore \overline{\sigma_{ij}} = \frac{1}{n(n-1)} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \sigma_{ij}$$

$$\therefore \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \sigma_{ij} = n(n-1) \overline{\sigma_{ij}}$$

綜合上述，結論如下：

總風險 = 非系統風險 + 系統風險

$$\sigma_p^2 = \sum_{i=1}^n W_i^2 \sigma_i^2 + \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n W_i W_j \sigma_{ij}$$

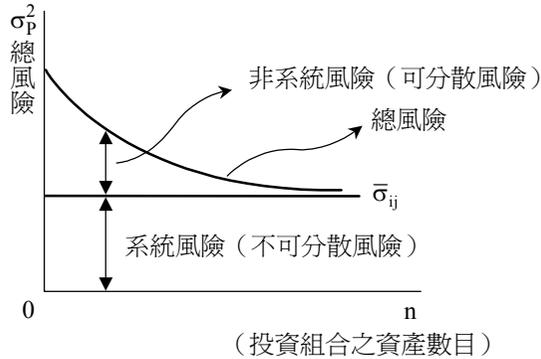
↓ ↓

非系統風險 系統風險

資產本身風險 市場風險

$$n \rightarrow \infty \Rightarrow \sum_{i=1}^n W_i^2 \sigma_i^2 = 0 \Rightarrow \text{稱爲非系統風險}$$

$$n \rightarrow \infty \Rightarrow \sum_{i=1}^n \sum_{\substack{j=1 \\ i \neq j}}^n W_i W_j \sigma_{ij} \neq 0 \Rightarrow \text{稱爲系統風險}$$



總之，資產組合總風險由二種組成，一為個別資產的變異數（非系統風險），另一為各資產相互間之共變異數（系統風險）。前者可以藉著增加資產的數目，予以消除。後者無法運用增加資產數目加以消除，只能儘量找尋相關性低或負相關的資產，予以降低風險。

三、相關係數愈小，何以投資組合之風險愈低？

【解】

(一)數學說明：設二種資產A、B。

$$\begin{aligned}
 1. \rho_{AB} &= 1 \\
 \sigma_P^2 &= W_A^2 \sigma_A^2 + W_B^2 \sigma_B^2 + 2W_A W_B \sigma_A \sigma_B \\
 &= (W_A \sigma_A + W_B \sigma_B)^2 \dots\dots\dots ①
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 2. \rho_{AB} &= 0 \\
 \sigma_P^2 &= W_A^2 \sigma_A^2 + W_B^2 \sigma_B^2 \dots\dots\dots ②
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 3. \rho_{AB} &= -1 \\
 \sigma_P^2 &= W_A^2 \sigma_A^2 + W_B^2 \sigma_B^2 - 2W_A W_B \sigma_A \sigma_B \\
 &= (W_A \sigma_A - W_B \sigma_B)^2 \dots\dots\dots ③
 \end{aligned}$$

①式的值 > ②式的值 > ③式的值

由此可知，二種相關係數愈小的資產加以組合，可以降低風險。

(二)圖形說明：如圖所示，A、B二種資產。當相關係數為1時，投資組合為 \overline{AB} 。當相關係數為-1時，投資組合為ACB折線（在C點轉折）。